

Prezenta lucrare conține \_\_\_\_\_ pagini

**EVALUAREA NAȚIONALĂ PENTRU  
ABSOLVENȚII CLASEI a VIII-a**

**Anul școlar 2023 – 2024**

**Matematică**

Numele:.....

Inițiala prenumelui tatălui: .....

Prenumele:.....

Școala de  
proveniență: .....

Centrul de examen: .....

Localitatea: .....

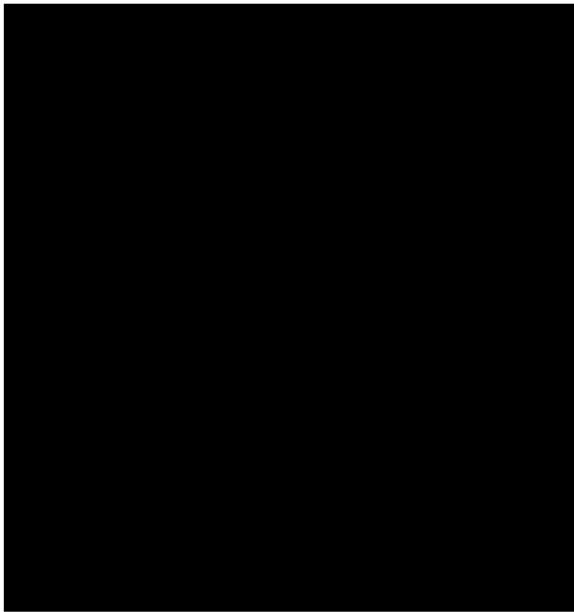
Județul: .....

Nume și prenume asistent	Semnătura

A	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
EVALUATOR I				
EVALUATOR II				
EVALUATOR III				
EVALUATOR IV				
NOTA FINALĂ				

B	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
EVALUATOR I				
EVALUATOR II				
EVALUATOR III				
EVALUATOR IV				
NOTA FINALĂ				

C	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
EVALUATOR I				
EVALUATOR II				
EVALUATOR III				
EVALUATOR IV				
NOTA FINALĂ				



- Toate subiectele sunt obligatorii.
- Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de două ore.

## SUBIECTUL I

*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.*

(30 de puncte)

<b>5p</b>	<p>1. Rezultatul calculului <math>8 + 14 : 2</math> este egal cu:</p> <p>a) 22 b) 15 c) 11 d) 6</p>
<b>5p</b>	<p>2. Un album costă 200 de lei. După o reducere cu 20%, prețul albumului este egal cu:</p> <p>a) 20 de lei b) 40 de lei c) 160 de lei d) 180 de lei</p>
<b>5p</b>	<p>3. Se consideră intervalele de numere reale <math>I = (-\infty, 6]</math> și <math>J = (4, +\infty)</math>. Intersecția intervalelor <math>I</math> și <math>J</math> este intervalul:</p> <p>a) <math>(-\infty, 4]</math> b) <math>[4, 6)</math> c) <math>(6, +\infty)</math> d) <math>(4, 6]</math></p>
<b>5p</b>	<p>4. Cel mai mare număr din mulțimea <math>A = \{5,(024); 5,(24); 5,2(4); 5,24\}</math> este:</p> <p>a) <math>5,(024)</math> b) <math>5,(24)</math> c) <math>5,2(4)</math> d) <math>5,24</math></p>

**5p** 5. Patru elevi, Alin, Ioana, Dana și Vlad, calculează suma numerelor reale  $a$  și  $b$  pentru care  $|a+3| + |b-4| = 0$ .

Răspunsurile date de cei patru elevi sunt prezentate în tabelul de mai jos:

Alin	Ioana	Dana	Vlad
-7	-1	1	7

Rezultatul corect a fost obținut de către:

- a) Alin
- b) Ioana
- c) Dana
- d) Vlad

**5p** 6. Afirmația: „Numărul 1 este soluția ecuației  $2x+3=4x+1$ .” este:

- a) adevărată
- b) falsă

## SUBIECTUL al II-lea

*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.*

**(30 de puncte)**

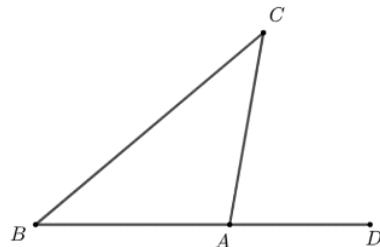
**5p** 1. În figura alăturată punctele  $A$ ,  $B$ ,  $C$  și  $D$  sunt coliniare, în această ordine, astfel încât  $BC = 4\text{ cm}$ ,  $AD = 4 \cdot BC$  și  $AB = CD$ . Lungimea segmentului  $AB$  este egală cu:

- a) 4 cm
- b) 6 cm
- c) 8 cm
- d) 12 cm



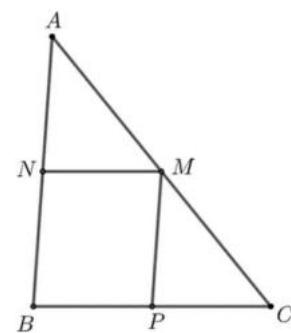
**5p** 2. În figura alăturată este reprezentat triunghiul isoscel  $ABC$ , cu  $AB = AC$  și măsura unghiului  $C$  egală cu  $40^\circ$ . Punctele  $B$ ,  $A$  și  $D$  sunt coliniare, în această ordine. Măsura unghiului  $CAD$  este egală cu:

- a)  $40^\circ$
- b)  $60^\circ$
- c)  $80^\circ$
- d)  $100^\circ$



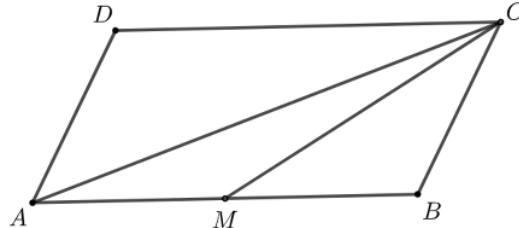
**5p** 3. În figura alăturată este reprezentat triunghiul  $ABC$  cu măsura unghiului  $A$  egală cu  $43^\circ$  și măsura unghiului  $C$  egală cu  $51^\circ$ . Punctele  $M$ ,  $N$  și  $P$  aparțin laturilor  $AC$ ,  $AB$  respectiv  $BC$ , astfel încât dreapta  $MN$  este paralelă cu dreapta  $BC$  și dreapta  $MP$  este paralelă cu dreapta  $AB$ . Măsura unghiului  $NMP$  este egală cu:

- a)  $43^\circ$
- b)  $51^\circ$
- c)  $86^\circ$
- d)  $94^\circ$



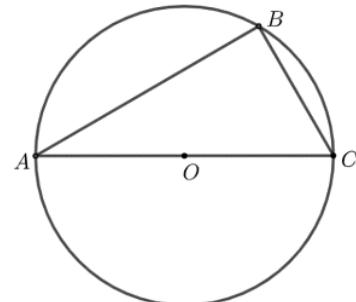
- 5p** 4. În figura alăturată este reprezentat paralelogramul  $ABCD$ . Punctul  $M$  este mijlocul segmentului  $AB$  și aria triunghiului  $ACM$  este egală cu  $10 \text{ cm}^2$ . Aria paralelogramului  $ABCD$  este egală cu:

- a)  $10 \text{ cm}^2$
  - b)  $20 \text{ cm}^2$
  - c)  $30 \text{ cm}^2$
  - d)  $40 \text{ cm}^2$



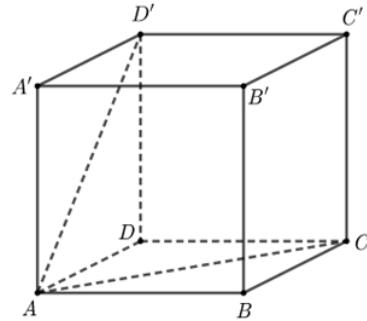
- 5p** 5. În figura alăturată este reprezentat cercul cu centru în punctul  $O$  și raza egală cu 6cm . Punctele  $A$ ,  $B$  și  $C$  aparțin cercului,  $AC$  este diametru și măsura unghiului  $BAC$  este egală cu  $30^\circ$ . Lungimea coardei  $BC$  este egală cu:

- a) 6cm
  - b)  $6\sqrt{3}$  cm
  - c) 12cm
  - d)  $8\sqrt{3}$  cm



- 5p** 6. În figura alăturată este reprezentat cubul  $ABCDA'B'C'D'$ . Unghiul dreptelor  $AC$  și  $AD'$  are măsura egală cu:

- a)  $45^\circ$
  - b)  $60^\circ$
  - c)  $90^\circ$
  - d)  $120^\circ$



## **SUBIECTUL al III-lea**

### *Scrie rezolvările complete.*

(30 de puncte)

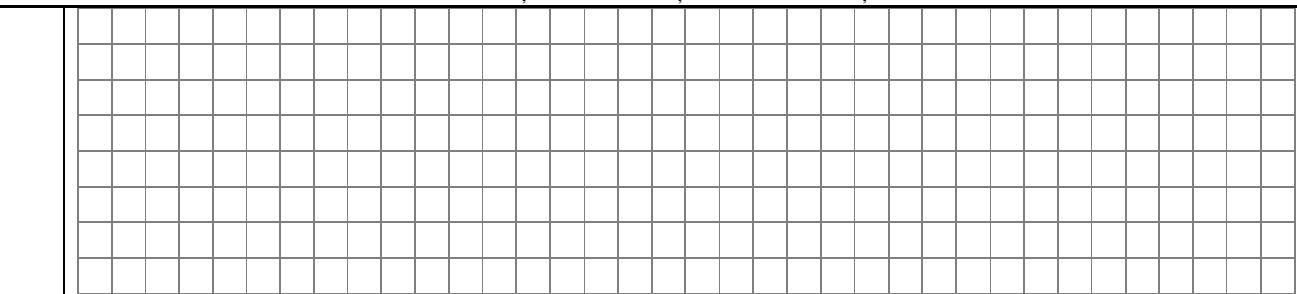
- 5p** 1. Dacă elevii unei clase se aşază câte 2 în fiecare bancă din laboratorul de fizică, atunci rămân 3 elevi în picioare. Dacă elevii se aşază câte 4 în bancă, atunci rămân 5 bănci libere și o bancă în care stă un singur elev.  
**(2p) a)** Verifică dacă în acea clasă pot fi 30 de elevi. Justifică răspunsul dat.

**(3p) b)** Determină numărul băncilor din laboratorul de fizică.

**5p** 2. Se consideră expresia  $E(x) = \left( \frac{1}{x^2 - 3x + 2} + \frac{1}{x-1} \right) \cdot (x^2 - 4)$ , unde  $x$  este număr real,  $x \neq 1$  și  $x \neq 2$ .

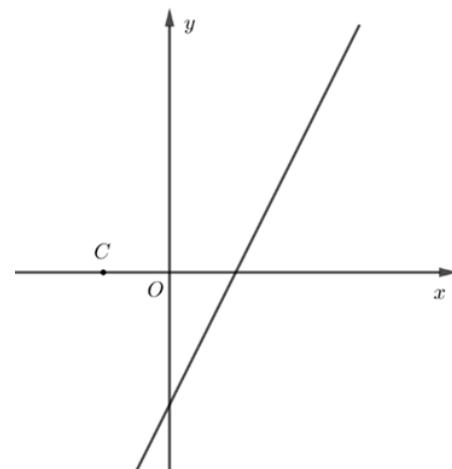
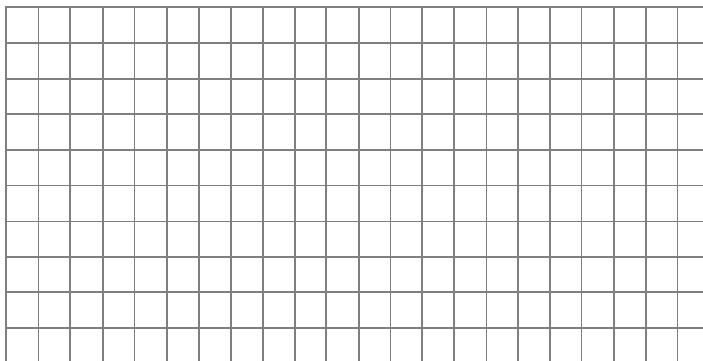
**(2p) a)** Arată că  $x^2 - 3x + 2 = (x-1)(x-2)$ , pentru orice număr real  $x$ .

**(3p) b)** Determină numerele întregi  $n$ ,  $n \neq 1$  și  $n \neq 2$ , pentru care  $N = \frac{5}{E(n)}$  este număr natural.

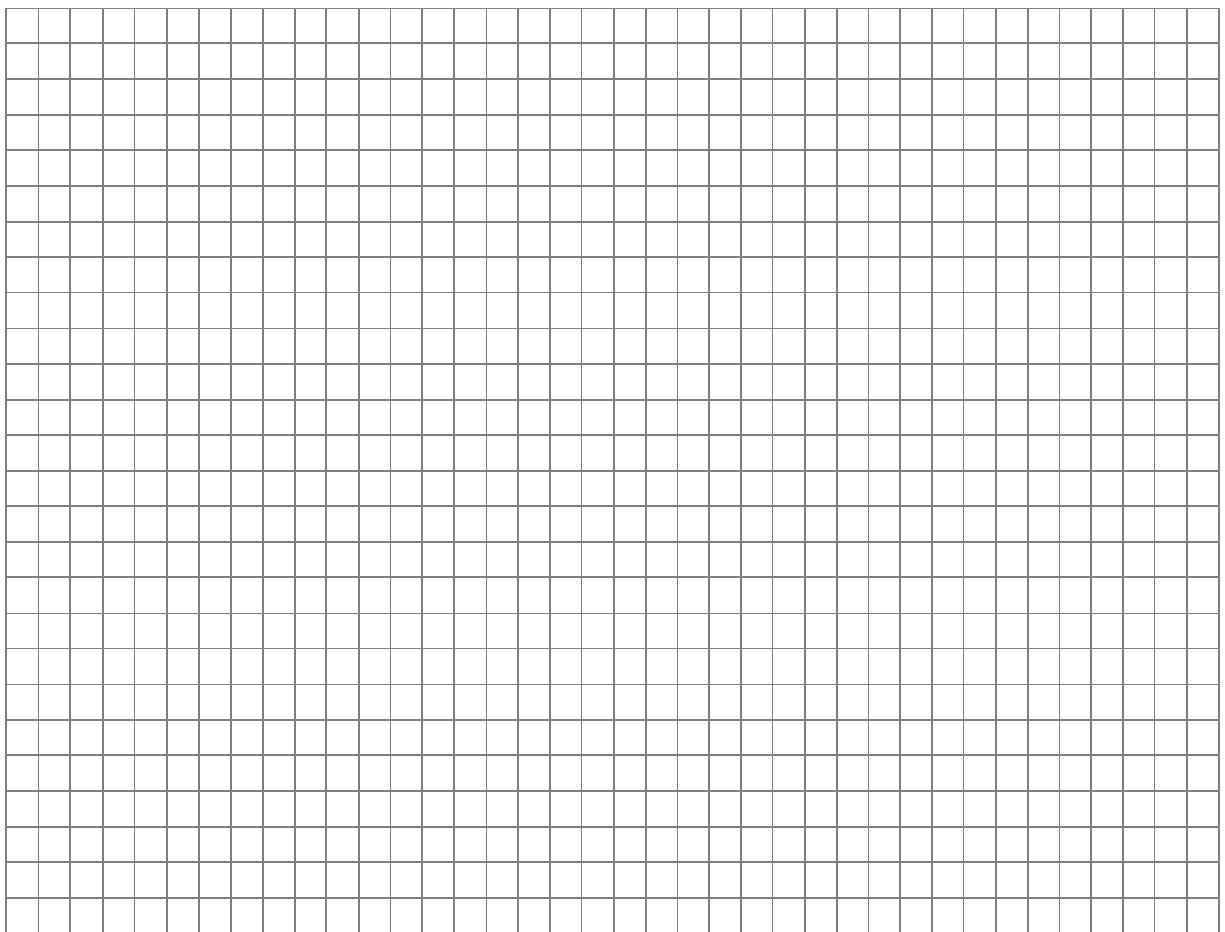


**5p** 3. Se consideră funcția  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = 2x - 1$ .

(2p) a) Arată că  $f(0) + f(1) = 0$ .



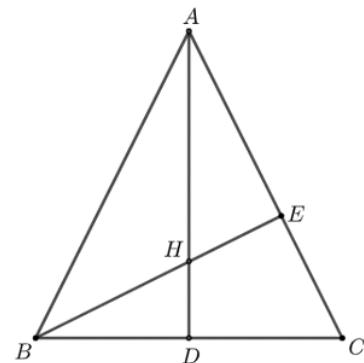
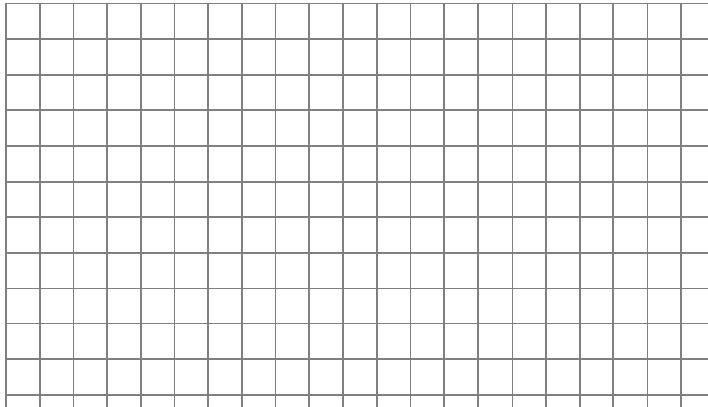
(3p) b) Reprezentarea geometrică a graficului funcției  $f$  intersectează axele  $Ox$  și  $Oy$  ale sistemului de axe ortogonale  $xOy$  în punctele  $A$ , respectiv  $B$ . Determină distanța de la punctul  $C\left(-\frac{1}{2}, 0\right)$  la dreapta  $AB$ .



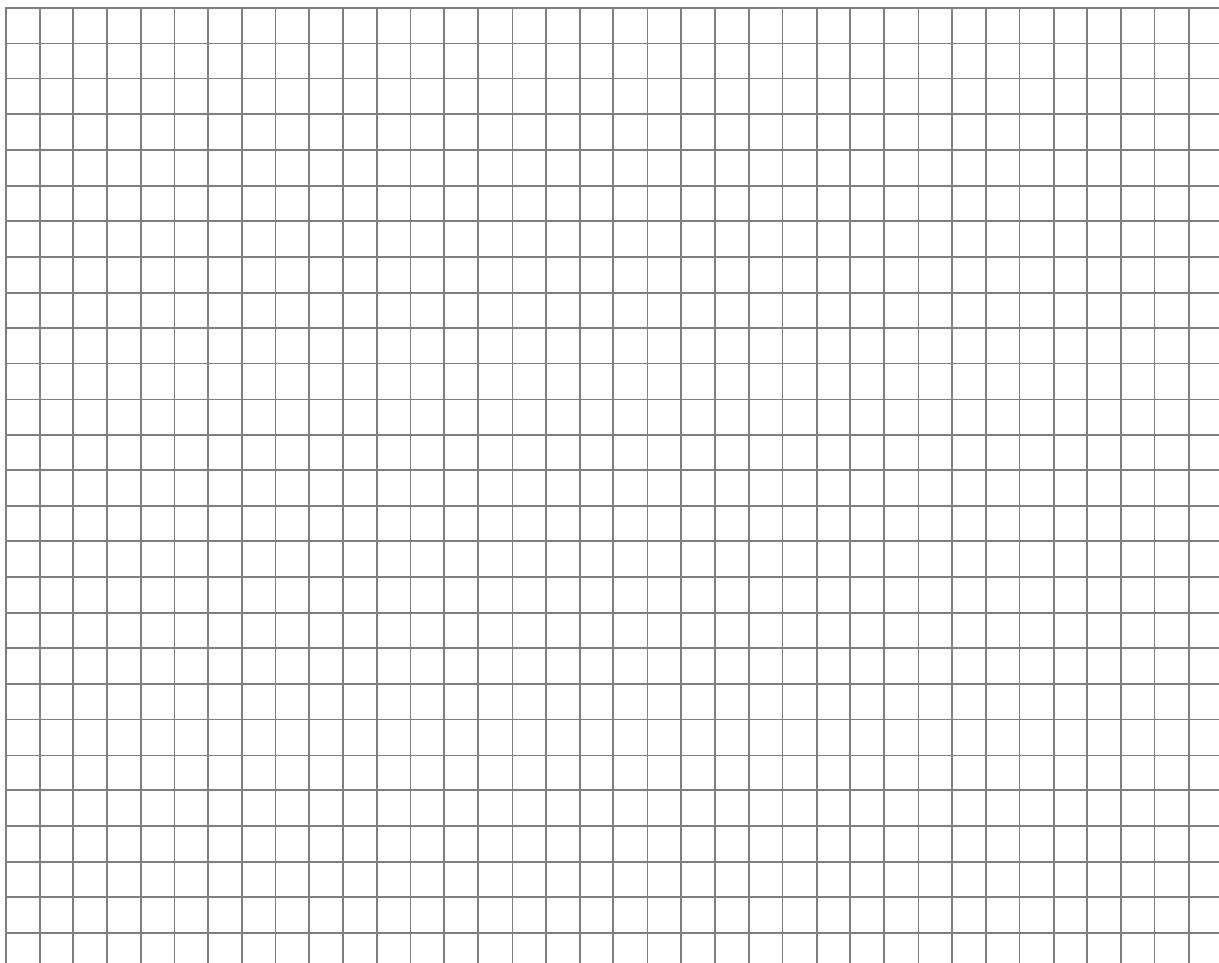
5p

4. În figura alăturată este reprezentat triunghiul isoscel  $ABC$  cu  $AB = AC$ . Înălțimea din vârful  $A$  intersectează latura  $BC$  în punctul  $D$  și  $AD = BC$ . Înălțimea din vârful  $B$  intersectează latura  $AC$  în punctul  $E$ . Înălțimile  $AD$  și  $BE$  se intersectează în punctul  $H$ .

(2p) a) Arată că unghiiurile  $DAC$  și  $EBC$  au aceeași măsură.



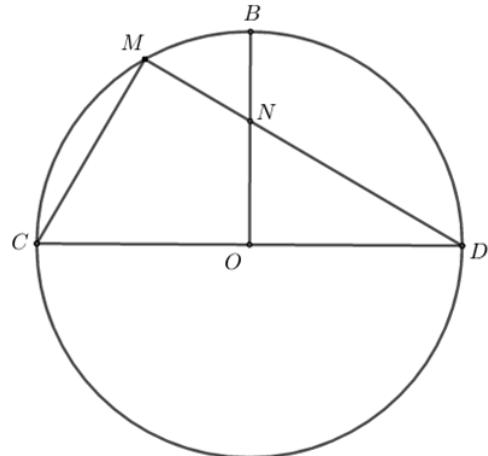
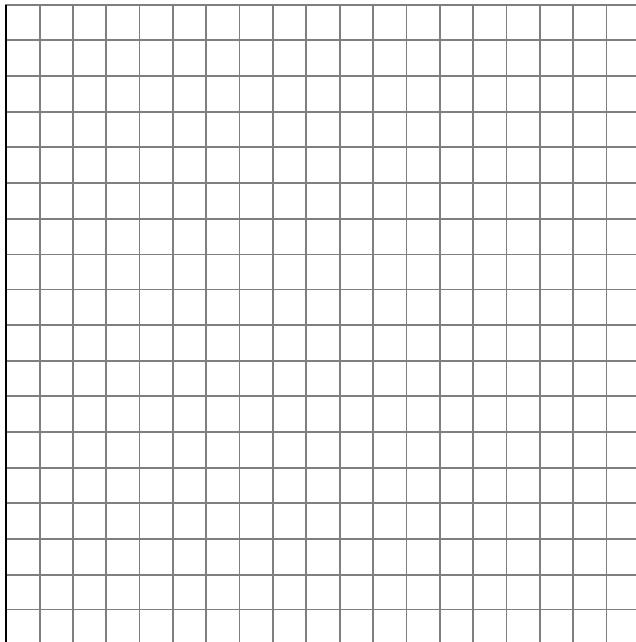
(3p) b) Demonstrează că  $AH = 3 \cdot HD$ .



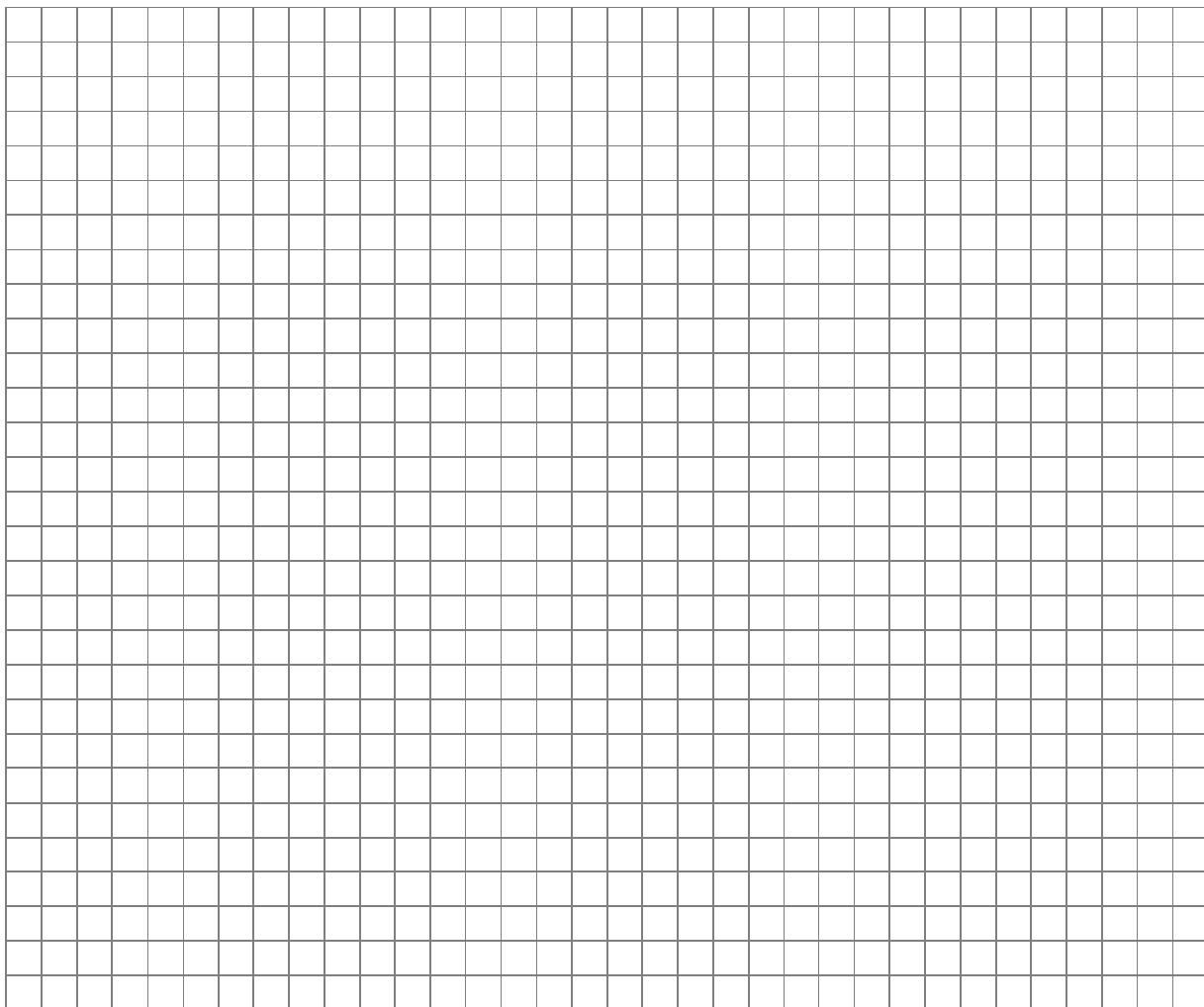
5p

5. În figura alăturată este reprezentat cercul de centru  $O$ , în care  $CD$  este diametru. Punctul  $B$  aparține cercului astfel încât dreptele  $BO$  și  $CD$  sunt perpendiculare. Punctul  $M$  aparține arcului mic  $BC$ , dreptele  $DM$  și  $BO$  se intersectează în punctul  $N$ ,  $DN = 2 \cdot MN$  și  $MN = 4\text{ cm}$ .

(2p) a) Arată că măsura unghiului  $CMD$  este egală cu  $90^\circ$ .



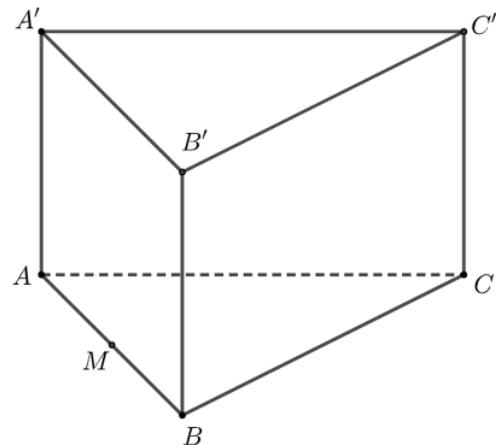
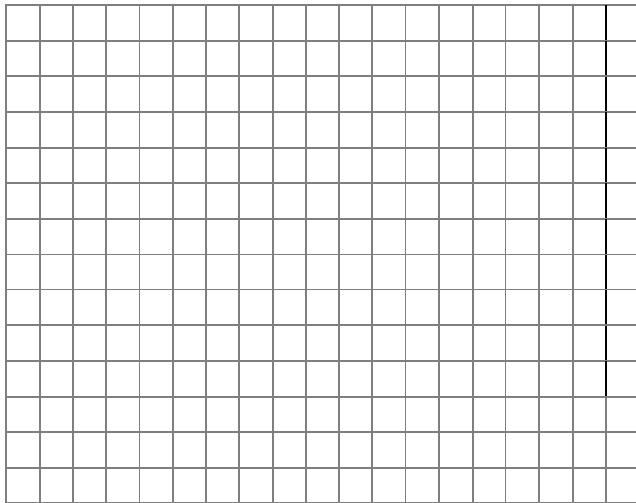
(3p) b) Calculează aria triunghiului  $DON$ .



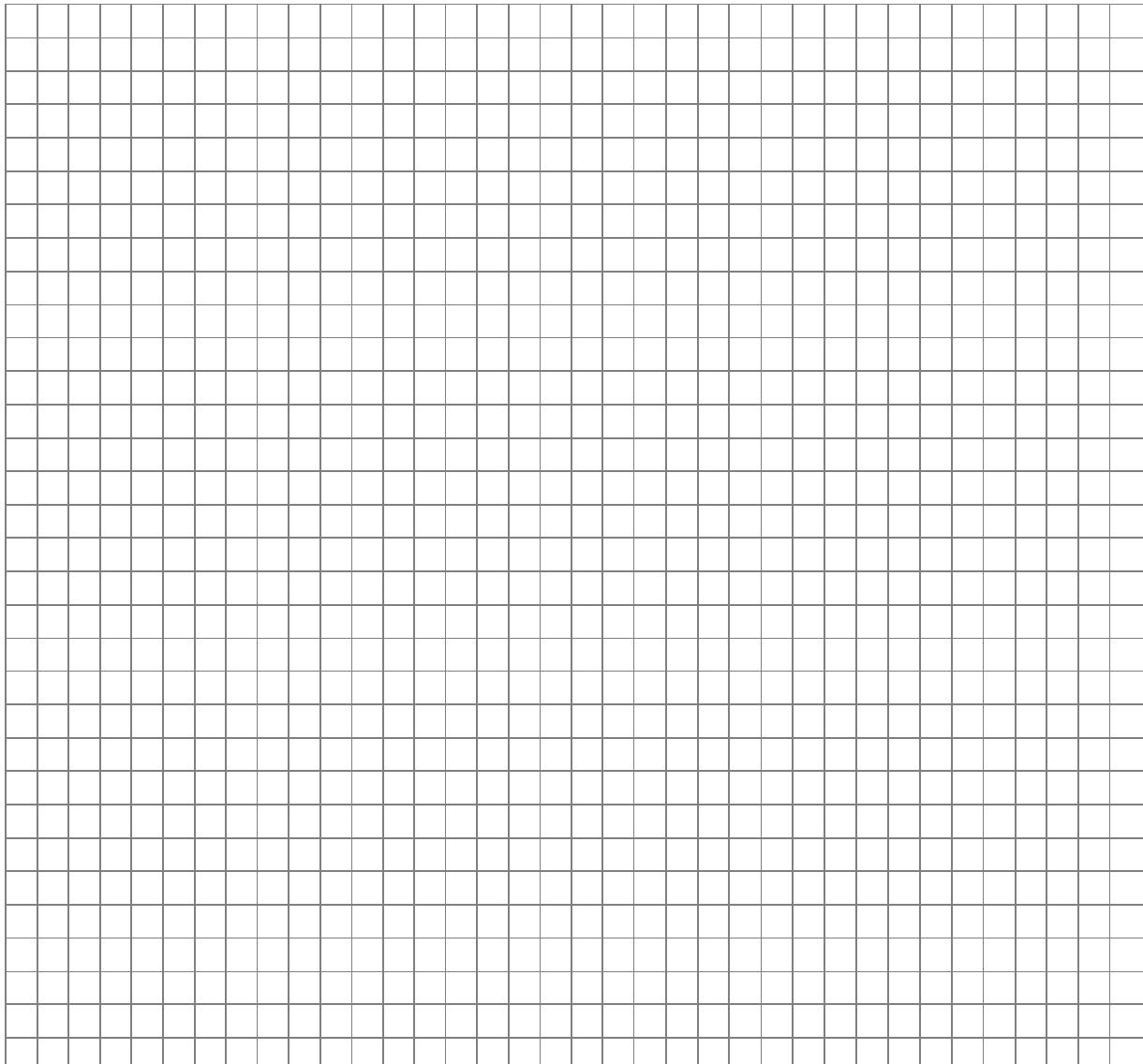
**5p** 6. În figura alăturată este reprezentată prisma dreaptă  $ABCA'B'C'$  cu baza triunghiul echilateral  $ABC$ ,

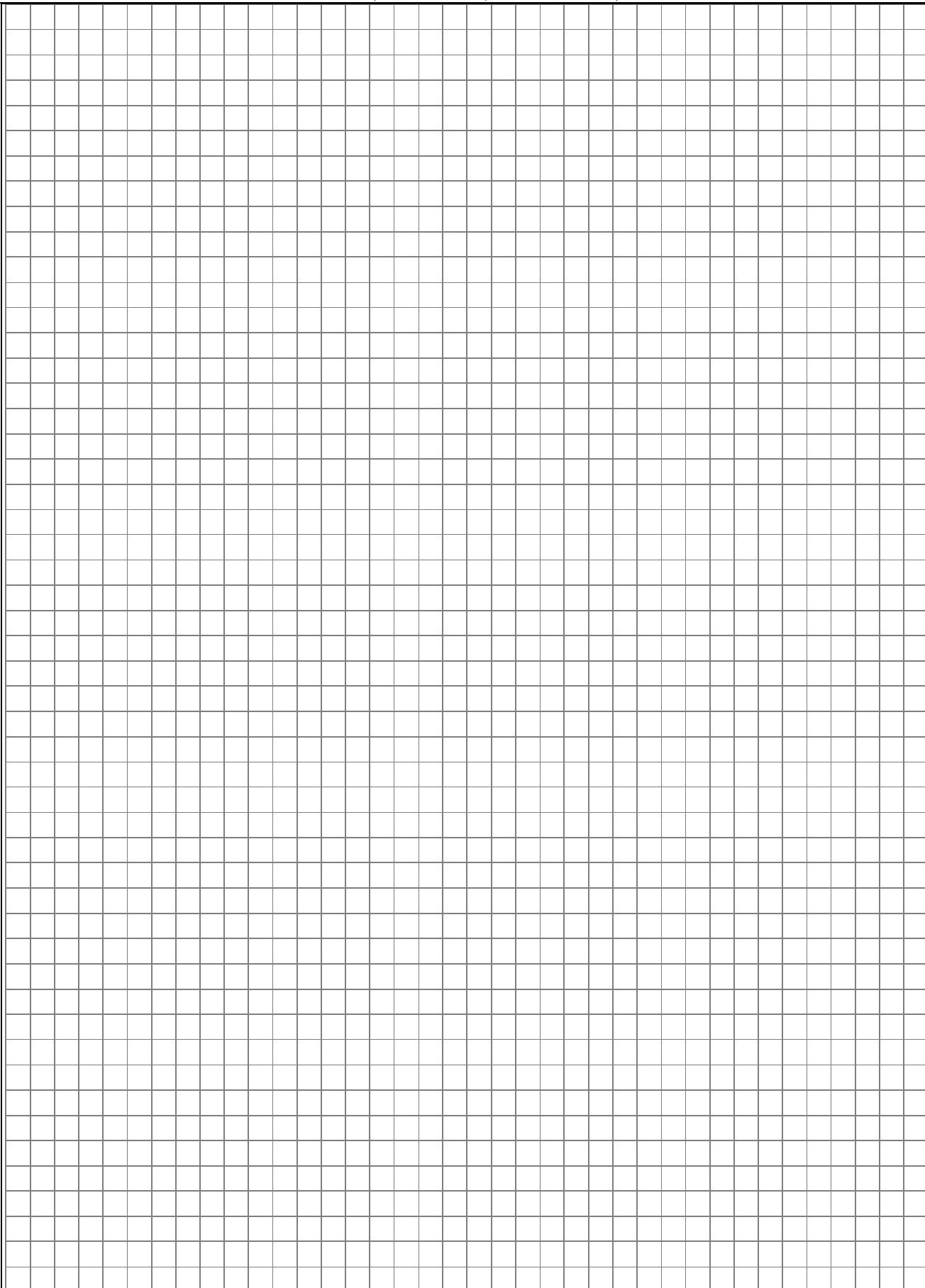
$AB = 12\text{ cm}$  și  $AA' = 3\sqrt{3}\text{ cm}$ . Punctul  $M$  este mijlocul segmentului  $AB$ .

(2p) a) Arată că aria laterală a prismei  $ABCA'B'C'$  este egală cu  $108\sqrt{3}\text{ cm}^2$ .



(3p) b) Determină distanța de la punctul  $M$  la planul  $(A'B'C)$ .



A large grid of squares, approximately 20 columns by 25 rows, intended for students to show their work or write their answers.